

## ЛОГІСТИЧНЕ МОДЕЛЮВАННЯ ВЗАЄМОПОВ'ЯЗАНИХ ПРОЦЕСІВ

© Ковалік С., 2003

**Запропонований підхід до моделювання логістичних процесів з метою їх оптимізації за різними критеріями.**

**The method of logistic processes modeling with the aim of optimization based on different indexes are given.**

### 1. Формулювання проблеми

Окремі фази процесу можна представити однозначно як функції виходу процесу, тобто функції вектора виробництва  $X$ . Нижче представлений процес виробництва, в якому технічна функція є окремою функцією [1].

Допустимо, що процес виробництва складається, наприклад, з двох фаз. У першій фазі первинна сировина підлягає попередній обробці з метою отримання напівфабрикатів, з яких частину можна трактувати як кінцеві продукти. А решта виконує роль сировини для другої фази, в якій відбувається основний процес виробництва. Загальна схема пов'язаного процесу для таким чином сформульованого питання показана на рис. 1.

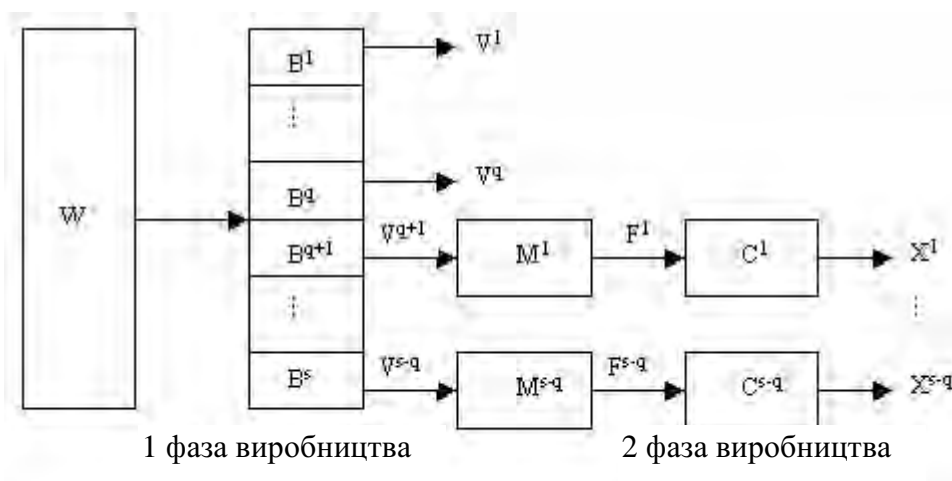


Рис. 1. Схема взаємопов'язаного процесу

Допустимо, що

$$W^T = (w_1, w_2, \dots, w_n) \quad (1)$$

буде вектором вхідних ресурсів. Нехай кожна одиниця сировини  $w_j$  ділиться на частини згідно з однозначно визначеним способом, підпорядкованим цій сировині. На практиці може статися, що певну сировину можна би було ділити згідно з  $s$  способів. Бажаючи дотримати принцип однозначного поділу, треба прийняти, що розпоряджаємось  $s$  видами сировини, які трактуються в моделі як різні. Звичайно, сума цих  $k$  сировини буде

дорівнювати кількості сировини, яка розглядається спочатку. Отже, вищеназваний принцип дозволяє обмежитись випадками, де поділ кожної сировини є однозначним

Спосіб поділу сировини визначає матриця коефіцієнтів поділу  $B$ . Нехай матриця  $B$  має розмір  $m \times n$ . Визначений вектор  $V$  з  $m$  складовими такий, що

$$V = B \times W \quad (2)$$

Вектор  $V$  визначає кількість напівфабрикатів, отриманих з сировини  $W$ , поділених згідно з характеристиками матриці  $B$ . Рівняння (2) можна точно записати в такій формі:

$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ \vdots \\ v_m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} & \cdots & b_{1n} \\ b_{21} & b_{22} & \cdots & b_{2n} \\ \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ b_{m1} & b_{m2} & \cdots & b_{mn} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} w_1 \\ w_2 \\ \vdots \\ w_n \end{bmatrix} \quad (3)$$

Згідно з рівняннями (2) і (3) отримуємо

$$v_i = \sum_{j=1}^n b_{ij} w_j \quad (4)$$

Оскільки коефіцієнти  $b_{ij}$  мають визначати спосіб ділення сировини, мусять виконуватись одночасно дві умови [1]:

- 1)  $b_{ij}$  не є від'ємними;
- 2) сума елементів  $b_{ij}$  в кожному стовпці не перевищує 1.

Наприклад, якщо  $b_{11}=0,58$ , це означає, що з сировини  $w_1$  отримується продукт  $v_1$ , а кількість цього напівфабрикату становить 58 % кількості сировини  $w_1$ . Оскільки  $b_{11}=0,58$ ,  $b_{21}=0,17$ ,  $b_{31}=0,21$ ,  $b_{i1}=0$  (для  $i=4, \dots, n$ ) і  $w_1=100$ , то на підставі (3) можна прочитати: 100 одиниць сировини  $w_1$  отримаємо з 58 одиниць напівфабрикату  $v_1$ , 17 одиниць  $v_2$ , а також 21 одиниці  $v_3$ . Оскільки з  $w_1$  не отримуємо напівфабрикату  $v_i$  для  $i=4, \dots, m$ , оскільки  $b_{i1}=0$  для  $i=4, \dots, m$ , то 4 одиниці сировини  $w_1$  підлягають “знищенню” під час поділу, треба зауважити, що у цій фазі, маючи задані кількості первинної сировини, можна однозначно визначити кількість напівфабрикатів, які для цієї фази є кінцевими продуктами [1].

Вищенаведені міркування мають практичне значення, наприклад, розкрій бляхи, тканин, поділ сировини на відповідні класи якості з погляду кінцевого виробу.

## 2. Набір допустимих програм виробництва

Напівфабрикати можна поділити на кілька частин. Припустимо, що вони будуть поділені на частини.  $q$  частин містять напівфабрикати, які слід трактувати як кінцеві продукти цілого процесу. На рис. 1 вони позначені у формі векторів  $V^1, \dots, V^q$ . Натомість друга частина напівфабрикатів, у формі векторів  $V^{q+1}, \dots, V^s$ , передається до складів  $M^1, \dots, M^{s-q}$  і є засобами сировини для другої фази виробництва. Отже,

$$V = \begin{bmatrix} V^1 \\ \vdots \\ V^s \end{bmatrix} \begin{matrix} - p_1 \text{ складових} \\ \vdots \\ - p_s \text{ складових} \end{matrix}, \quad (5)$$

де

$$\sum_{r=1}^s p_r = m. \quad (6)$$

Відповідно до розподілу вектора  $V$  треба поділити матрицю  $B$ :

$$B = \begin{bmatrix} B^1 \\ \vdots \\ B^s \end{bmatrix} \quad \begin{array}{l} \text{– матриця розміру } p_1 \times n \\ \vdots \\ \text{– матриця розміру } p_s \times n \end{array}. \quad (7)$$

Здійснений розподіл дозволяє записати систему рівнянь (2) у формі

$$V^q = B^q \times W, \quad (8)$$

Для другої фази процесу  $F^u = V^{u+q}$  ( $u=1, \dots, s-q$ ), звідси

$$X^u = C^u \times F^u, \quad (9)$$

де  $C^u$  — матриця одиничного споживання сировини.

Якщо вектор виробництва  $X^u$  має  $r_u$  складових, а вектор  $F^u$  має вимір  $p_{u+q}$  (так як  $V^{u+q}$ ), то матриця  $C^u$  мусить мати виміри  $r_u \times p_{u+q}$ . Системи рівнянь (8) і (9) представляють принципів залежності між входом та виходом всього процесу виробництва. З цих рівнянь отримуємо такі умови можливості реалізації програми виробництва:

$$B^r \times W - V^r = 0 \quad (r=1, \dots, q) \quad (10)$$

$$X^u - C^u \times (B^{u+q} \times W) \leq 0. \quad (11)$$

Елементарний аналіз відношень свідчить, що:

— знання засобів сировини  $W$  не є достатнім для однозначного визначення кінцевої продукції  $X^u$ ;

— прийняття певної програми виробництва не визначає, якими повинні бути засоби сировини, які є потрібними для її реалізації.

Якщо до умов (10), (11) додадуться технологічні, а також структурно-попитові обмеження, отримується остаточно набір допустимих програм виробництва. Треба підкреслити, що технологічні, а також структурно-попитові обмеження належать винятково до другої фази процесу виробництва [1].

Для прикладу, який розглядається, набір допустимих програм виробництва описується системою відношень:

$$B^r \times W - V^r = 0 \quad (r=1, \dots, q) \quad (12)$$

$$X^u - C^u \times (B^{u+q} \times W) \leq 0 \quad (r=q+1, \dots, s) \quad (13)$$

$$T \times X^u \leq t^u_0 \quad (14)$$

$$P \times X^u \geq p^u_0 \quad (15)$$

$$V^r \geq 0, \quad W \geq 0, \quad X^u \geq 0, \quad (16)$$

Система відношень (12) — (16) віддзеркалює формальні залежності, які існують у даному процесі виробництва, без уточнення того, які величини є змінними моделі, а які є результуючими величинами. Теоретично усі величини, які виступають як складові векторів  $V^r$ ,  $W$ ,  $X^u$ , можна трактувати як змінні моделі. На практиці відношення (12) — (16) служать для формулювання різних завдань, які відображають різні цілі того, хто приймає рішення.

### Приклад 1

Той, хто приймає рішення, володіє інформацією про поставки сировини, тобто знає вектор  $W$ . Знаючи одиничні ціни продуктів  $V^r$  у формі векторів  $C^1, \dots, C^q$ , а також ціни виробів  $X^u$  у формі векторів  $C^{q+1}, \dots, C^s$ , слід визначити, як поділити первинну сировину у першій фазі, а також якою повинна бути програма виробництва  $X$ , щоб остаточна вартість кінцевої продукції досягла максимуму.

У цьому випадку слід максимізувати прибуток у формі

$$\sum_{r=1}^q C^r V^r + \sum_{r=q+1}^s C^r X^{r-q} \rightarrow \max. \quad (17)$$

### Приклад 2

Передбачаючи жорсткий поділ первинної сировини на напівфабрикати, в принципі не можна уникнути того, що певна частина напівфабрикатів залишиться у другій фазі не використана, що є небажаним явищем. Можна поставити нетривіальне запитання: як визначити програму виробництва, в якій втрати цього роду буде найменшими? Якщо відомі одиничні вартості  $K_y$  напівпродуктів, а вектор не використаних у другій фазі напівпродуктів позначається символом  $Y$ , тоді слід шукати мінімум виразу:

$$K_y \times Y \rightarrow \min, \quad (18)$$

1. Bendkowski J.: *Ekonomika i zarządzanie przemysłem*. — Politechnika Śląska, Skrypt uczelniany. — Nr 1513. — Gliwice, 1990. 2. Korzeń Z.: *Logistyczne systemy transportu bliskiego i magazynowania*. Instytut logistyki i magazynowania. — Poznań, 1999. 3. Pfohl H.Ch.: *Systemy logistyczne*. Instytut logistyki i magazynowania. — Poznań, 1998. 4. Pfohl H.Ch.: *Zarządzanie logistyką*. Instytut logistyki i magazynowania, Poznań 1998.

УДК 338.27:338.439.63

Я.Я. Козлюк

Луцький державний технічний університет

## ДЕЯКІ АСПЕКТИ ФОРМУВАННЯ ТАРИФІВ НА АВТОМОБІЛЬНІ ПЕРЕВЕЗЕННЯ В КРАЇНАХ — ЧЛЕНАХ ЄВРОРЕГІОНУ “БУТ”

© Козлюк Я.Я., 2003

**Розглядаються загальні тенденції та методологічні основи ціноутворення у галузі міжнародних автомобільних перевезень.**

**The main trends and methodological basics of price formation in international autotransportation are analyzed.**

З кожним роком все більш зростають міжнародні транспортні зв'язки. Найвагомішу частку становлять вантажні перевезення — 65 — 90 % загального вантажообігу індустриальних країн.

Процеси, що формують транспортний ринок, зумовлюють широке розуміння транспортної системи, що містить і всі види транспорту, необхідні для життєдіяльності суспільства. Саме тому в центрі уваги суспільства знаходиться розвиток міжнародної транспортної системи і автомобільного транспорту, зокрема.