## Загальні висновки та перспективи подальших досліджень

Вплив технологічних параметрів методу ВВЗ та конструктивних розмірів зміцнювальних пристроїв із електромагнітним приводом і пружною системою на показники якості зміцнення поверхневих шарів МДЦД є неоднозначним, що підтверджують, одержані із застосуванням теорії планування багатофакторного експерименту, емпіричні залежності. На підставі проведеного дробового факторного експерименту при зміцненні деталей із легованих сталей встановлено, що для товщини зміцненого шару a визначальним є вплив кількості проходів n, зведеної жорсткості ділянок пружних систем  $c_{3вед.}$ , швидкості осьової подачі  $V_S$ ; поверхнева мікротвердість Н $\mu$  та ступінь зміцнення є регламентуються, в основному, кількістю проходів n, швидкістю осьового переміщення зміцнювального інструмента  $V_S$  і взаємодією швидкості подачі  $V_S$  (фактор  $X_1$ ) та величини сили струму на котушках електромагнітів I (фактор  $X_5$ ).

Отримані емпіричні залежності (4) — (6) дозволяють прогнозувати значення фізикомеханічних показників якості поверхні МДЦД із легованих сталей, зокрема із сталі 40XH2MA ГОСТ 4543-71, залежно від технологічних параметрів методу BB3 у межах інтервалів їх зміни. Проведення подальших досліджень у цьому напрямку, зокрема постановка повного факторного експерименту плану  $2^5$  та розширення діапазону зміни технологічних параметрів, сприятиме уточненню емпіричних залежностей (4) — (6) із врахуванням значимості усіх факторів.

1. Афтаназів І.С. Використання вібрацій для зміцнення деталей // Вибрации в технике и технологиях. — 1995. — № 1(2). — С. 27 — 34. 2. Афтаназів І.С., Кусий Я.М. Пристрій з електромагнітним приводом для зміцнення поверхонь довгомірних циліндричних деталей // Машинознавство, (Львів), 1999. — № 12. — С. 33 — 36. 3. Рыжов Э.В., Горленко О.А. Математические методы в технологических исследованиях. — К.: Наук. думка, 1990. — 184 с. 4. Пляскин И.И. Оптимизация технических решений в машиностроении. — М.: Машиностроение, 1982 - 173 с.

## УДК 621.01:621-868

О.С. Ланець

Національний університет "Львівська політехніка", кафедра автоматизації та комплексної механізації машинобудівної промисловості

# ДИНАМІКА ТРИМАСОВОЇ ВІБРАЦІЙНОЇ ПЛОЩАДКИ З ЕЛЕКТРОМАГНІТНИМ ПРИВОДОМ ДЛЯ УЩІЛЬНЕННЯ БЕТОНУ

© Ланець О.С., 2003

Складено математичну модель та наведені амплітудно-частотні характеристики тримасової вібраційної площадки з електромагнітним приводом для ущільнення бетону.

In the article the mathematical model and peak-frequency descriptions of threemass vibration ground with the electromagnetic cause for the compression of concrete are pointed.

### Вступ

Розвиток промисловості висуває перед конструкторами та науковцями нові завдання, вирішення яких уже неможливе без детального динамічного аналізу проектованих

установок. Такий аналіз розкриває повну картину усіх процесів і дає змогу зробити правильне технічне рішення.

# Постановка проблеми

На сьогодні існує потреба в створенні віброплощадок для виготовлення бруківки та стоків з такими параметрами: габарити стола  $1200 \times 900$  мм, маса завантаження до 160 кг, максимальна амплітуда коливань робочого органу 0.25 мм, частота вимушених коливань 100 Гц.

#### Аналіз останніх досліджень

У статті [1] обґрунтовується, що можливо кращим конструктивним рішенням віброплощадки, яка забезпечує наведені вище технологічні параметри, може бути віброплощадка з електромагнітними збудниками. Доводиться, що найоптимальнішим структурним рішенням є тримасова конструкція віброплощадки (рис. 1), яка має значні переваги порівняно з двомасовими.

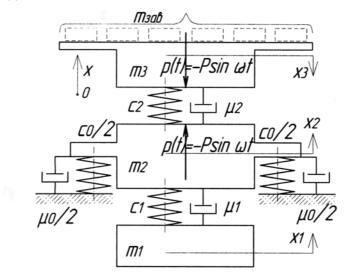


Рис. 1. Принципова схема вібраційної площадки

Нині уже існують методики розрахунку багатомасових моделей, зокрема і три масових. Цей матеріал вдало описаний у підручниках з теорії коливань, теоретичної механіки та вітротехніки, приміром [2, 3].

#### Постановка задачі

Втілення багатомасових конструкцій у виробництві вимагає прикладних досліджень. Отже, розрахунок та аналіз тримасової резонансної конструкції віброплощадки з електромагнітними збудниками уже вимагає серйозних динамічних досліджень, якими і займатиметься автор у цій статті.

## Виклад основного матеріалу

Віброплощадка виготовлятиметься так, що реактивна маса  $m_1$ , що виконуватиме функцію вузькочастотного динамічного демпфера, проміжна маса  $m_2$ , за яку підвішується механічна коливна система віброплощадки, та активна маса  $m_3$ , яка завантажується формами з бетону і виконує функцію робочого органа, здійснюватимуть суто прямолінійні коливання у вертикальному напрямку. Збурення коливань відбувається за рахунок електромагнітних віброзбудників, якорі яких кріпляться до активної маси  $m_3$ , а статори електромагнітів до проміжної маси  $m_2$ .

Відмітимо, що тримасова конструкція з динамічним гасником виконується так, щоб збурення коливань маси  $m_1$  відбувалось кінематично. При відповідному підрахунку сумарних жорсткостей  $c_1$  та  $c_2$  пружних елементів проміжна маса  $m_2$  під час роботи буде нерухомою. Тому зазор між якорем і статором електромагніту буде регламентуватися тільки амплітудою коливань активної маси  $m_3$ , яка в нашому випадку є малою (до 0.25 мм).

Застосовуючи таку конструкцію віброплощадки на виробництві можна:

- значно збільшити ККД приводу віброплощадки, у зв'язку з тим, що повітряний проміжок буде регламентуватись тільки амплітудою коливань активної маси;
- практично усунути вібрацію на фундамент, у зв'язку з тим, що кріплення віброплощадки буде здійснюватись через проміжну масу, яка нерухома;
- значно стабілізувати резонансне налагодження, оскільки тримасова конструкція набагато краще утримує резонансне налагодження порівняно з двомасовою. Це пов'язано з тим, що в тримасовій моделі робочий орган та реактивна маса віброплощадки працюють за одномасовою схемою. Пояснимо це. Робочий орган, працюючи в такому режимі, формує частоту власних коливань власною вагою, яка є значно важча, ніж приведена у двомасній конструкції (по суті тримасова конструкція без проміжної маси). Тому маса завантаження матиме менший вплив. При цьому, здавалось, що мало б затрачатись значно більше енергії, ніж у двомасовій. Однак за рахунок того, що повітряний проміжок менший, зросте ККД віброзбудників і використання енергії може бути на тому ж рівні.

Розглянемо математичну модель тримасової конструкції віброплощадки. Плоска модель віброплощадки матиме три ступені вільності за узагальненими координатами

$$x_1, x_2, x_3,$$

де  $x_1$  – переміщення вздовж осі х маси  $m_1$  внаслідок кінематичного збурення від коливної маси  $m_2$ ;  $x_2, x_3$  – переміщення вздовж осі х відповідно мас  $m_2$  і  $m_3$  внаслідок вимушуючого зусилля електромагнітних віброзбудників  $p(t) = P\sin \omega t$ , тут P – амплітудне значення електромагнітного зусилля;  $\omega$  – колова частота вимушених коливань; t – час. Систему диференціальних рівнянь, що описує тримасову модель віброплощадки запишемо у вигляді

$$\begin{cases} m_1\ddot{x}_1 + c_1(x_1 - x_2) + \mu_1(\dot{x}_1 - \dot{x}_2) = 0; \\ m_2\ddot{x}_2 + c_1(x_2 - x_1) + c_2(x_2 - x_3) + c_0x_2 + \mu_1(\dot{x}_2 - \dot{x}_1) + \mu_2(\dot{x}_2 - \dot{x}_3) + \mu_0\dot{x}_2 = P\sin\omega t; \\ m_3(m_{3aB.})\ddot{x}_3 + c_2(x_3 - x_2) + \mu_2(\dot{x}_3 - \dot{x}_2) = -P\sin\omega t, \end{cases}$$
(1)

де  $c_0$  – сумарна жорсткість пружних елементів віброізоляторів;  $c_1$  – сумарна жорсткість пружних елементів, що поєднують динамічний гасник  $m_1$  і проміжну масу  $m_2$ ;  $c_2$  – сумарна жорсткість пружних елементів, що поєднують робочий орган  $m_3$  і проміжну масу  $m_2$ ;  $\mu_0, \mu_1, \mu_2$  – коефіцієнти дисипації механічної коливної системи;  $m_3(m_{_{3aB.}})$  – маса робочого органа  $m_3$ , як функція від маси завантаження  $m_{_{3aB.}}$ 

Розв'язком системи диференціальних рівнянь (1) за кожною координатою є сума власних рухів і вимушених коливань. Власні коливання механічної коливної системи внаслідок наявності сил опору є загасаючими. Тому будемо розглядати вимушені коливання, коли перехідні процеси відбулись. Знайдемо вимушені коливання, які є частковим розв'язком системи рівнянь (1), методом механічного імпедансу. Цей метод дозволяє швидше і простіше, порівняно з класичним методом інтегрування диференційних рівнянь руху, розрахувати рух лінійної системи, що встановився, під дією зусилля, що

змінюється за гармонійним законом. Крім того, цей метод придатний для механічної коливної системи з багатьма ступенями вільності. Рівняння рухів за трьома незалежними ступенями вільності шукаємо у вигляді  $x_1 = X_1 e^{i \omega t}$ ,  $x_2 = X_2 e^{i \omega t}$  та  $x_3 = X_3 e^{i \omega t}$ , тут  $X_1, X_2, X_3$  — амплітудні значення коливань відповідно за узагальненими координатами  $x_1, x_2, x_3$ . Підставляючи ці вирази в (1) і скоротивши в кожній частині системи рівнянь член  $e^{i \omega t}$ , отримаємо рішення системи рівнянь (1). У матричному записі це рішення матиме вигляд

$$\mathbf{X} = \mathbf{C}^{-1} \cdot \mathbf{P} \,, \tag{2}$$

де  $\mathbf{X}$  — матриця-стовпець невідомих;  $\mathbf{C}^{-1}$  — матриця коефіцієнтів при невідомих;  $\mathbf{P}$  — матриця-стовпець вимушених зусиль. Розписуючи рівняння (2) для нашого випадку, маємо

$$\begin{bmatrix} c_1 - m_1 \omega^2 + i \mu_1 \omega & -c_1 - i \mu_1 \omega & 0 \\ -c_1 - i \mu_1 \omega & c_0 + c_1 + c_2 - m_2 \omega^2 + i (\mu_0 + \mu_2 + \mu_3) \omega & -c_2 - i \mu_2 \omega \\ 0 & -c_2 - i \mu_2 \omega & c_2 - m_3 (m_{_{3 a B.}}) \omega^2 + i \mu_2 \omega \end{bmatrix}^{-1} \times \\ \begin{bmatrix} 0 \\ P \\ -P \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X_1 \\ X_2 \\ X_3 \end{bmatrix}, \\ \begin{bmatrix}$$

Аналітичні знаходження коренів та побудова графіків в цій статті здійснюється за допомогою програмного забезпечення MathCAD. Розв'язок системи рівнянь (3) буде у вигляді

$$X_{1} = \frac{-P \cdot k_{12} (k_{23} + k_{33})}{k_{12} k_{21} k_{33} - k_{11} k_{22} k_{33} + k_{11} k_{23} k_{32}};$$

$$X_{2} = \frac{P \cdot k_{11} (k_{23} + k_{33})}{k_{12} k_{21} k_{33} - k_{11} k_{22} k_{33} + k_{11} k_{23} k_{32}};$$

$$X_{3} = \frac{P \cdot (-k_{11} k_{32} + k_{12} k_{21} - k_{22} k_{11})}{k_{12} k_{21} k_{33} - k_{11} k_{22} k_{33} + k_{11} k_{23} k_{32}}.$$

$$(4)$$

Завжди під час розрахунку резонансної механічної коливної системи  $\epsilon$  дуже важливим правильно розрахувати жорсткість пружних елементів. Так і в даному випадку постає запитання: за якою формулою обчислювати сумарні жорсткості  $c_2$  та  $c_1$ ? Однією з умов  $\epsilon$  та, щоб тримасова механічна коливна система перебувала в резонансі як одне ціле. Для того потрібно, щоб спільний знаменник у рівняннях (4) дорівнював нулю

$$k_{12}k_{21}k_{33} - k_{11}k_{22}k_{33} + k_{11}k_{23}k_{32} = 0. (5)$$

Цей знаменник і  $\epsilon$  детермінантом системи рівнянь (3). Прирівнявши його до нуля, можна визначити з нього жорсткість  $c_2$ , задовольнивши умову резонансу. При цьому необхідно знати жорсткості  $c_1$  та  $c_0$ . Відмітимо, що  $\epsilon$  обов'язкова перевірка механічної коливної системи на власні частоти. Ця перевірка дозволить переконатись, що на білярезонансних частотах вібраційна площадка не буде мати паразитних частот. Для цього, прирівнявши детермінант (5) системи рівняння (3) до нуля, при відомих параметрах системи числовим способом можна легко знайти власні частоти.

Жорсткість  $c_1$  визначаємо з умови, що маса  $m_1$  (як одна функціональна одиниця) повинна мати резонансне налагодження за парціальною частотою вимушуючих коливань. Тобто жорсткість  $c_1$  без врахування сил дисипації визначаємо за формулою

$$c_1 = m_1 \left(\frac{\omega}{z}\right)^2, \tag{6}$$

z – резонансне налагодження механічної коливної системи.

Однак під запитанням залишається, яке резонансне налагодження z (до- чи зарезонансне) необхідно надати механічній коливній системі гасника. Проведені математичні моделювання підтвердили доцільність дорезонансного налагодження системи. У такому разі маса  $m_1$  коливається в протифазі до маси  $m_3$ , а маса  $m_2$  залишається нерухомою.

Сумарна жорсткість  $c_0$  віброізоляторів без врахування сил дисипації визначається з умови, що власна частота коливань усієї віброплощадки повинна мати значення, яке в районі 4.7 раза відрізняється від частоти вимушених коливань, тобто

$$c_0 = \frac{\left(m_1 + m_2 + m_{3 \text{ max}}\right)}{4.7} \left(\frac{\omega}{z}\right)^2, \tag{7}$$

де  $m_{3\, max}$  — сума двох мас: маси робочого органа  $m_3$  і максимального значення маси завантаження  $m_{_{3aB.}}$  .

Підставляючи значення коефіцієнтів в детермінант системи рівнянь (3), жорсткість  $c_2$  без врахування сил дисипації в аналітичному вигляді буде

$$c_{2} = m_{3\max} \left(\frac{\omega}{z}\right)^{2} \times \frac{-c_{0}c_{1} + c_{0}m_{1}\omega^{2} + c_{1}m_{1}\omega^{2} + c_{1}m_{2}\omega^{2} - m_{1}m_{2}\omega^{4}}{-c_{0}c_{1} + c_{0}m_{1}\omega^{2} + c_{1}m_{1}\omega^{2} + c_{1}m_{3\max}\omega^{2} - m_{1}m_{3\max}\omega^{4} + c_{1}m_{2}\omega^{2} - m_{1}m_{2}\omega^{4}}.$$
 (8)

Зауважимо, що з формули (6) чітко видно, що вона складається з двох добутків. Добуток

$$\frac{-c_0c_1+c_0m_1\omega^2+c_1m_1\omega^2+c_1m_2\omega^2-m_1m_2\omega^4}{-c_0c_1+c_0m_1\omega^2+c_1m_1\omega^2+c_1m_3_{max}\omega^2-m_1m_3_{max}\omega^4+c_1m_2\omega^2-m_1m_2\omega^4}\,,$$

за умови, що в жорсткостях  $c_1$  та  $c_2$  резонансні налагодження z однакові, буде дорівнювати нулю. Тобто можна рахувати без цього добутку у формулі (8) для визначення  $c_2$  за умови, що резонансні налагодження для пружних систем  $c_1$  та  $c_2$  будуть однакові. Недарма професор В.О. Повідайло рахує такі системи як такі, що складаються з двох одномасних, і використовувані спрощені формули є

$$c_1 = m_1 \left(\frac{\omega}{z}\right)^2$$
  $\tau a$   $c_2 = m_{3 \max} \left(\frac{\omega}{z}\right)^2$ . (9)

Математичне моделювання дозволило сформувати деякі конструктивні принципи побудови віброплощадки. Тримасова конструкція віброплощадки повинна задовольняти такі вимоги:

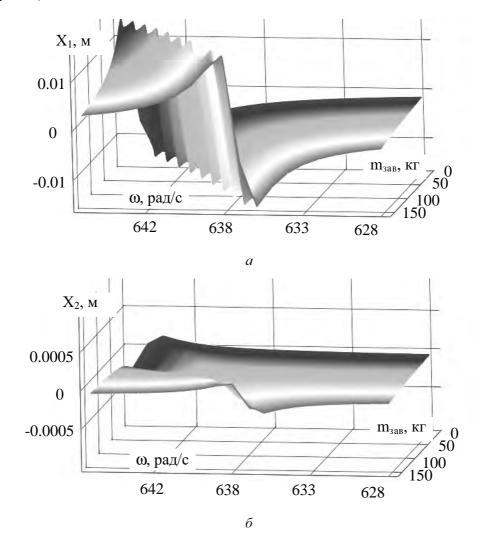
- маса стола на порядок вища від реактивної маси;
- конструкція виготовляється так, щоб проміжна маса залишалась нерухомою за рахунок динамічного гашення коливань реактивною масою, для чого необхідний відповідний підбір жорсткостей пружних елементів під наявні маси;
- робочий орган робиться якомога легшим, проте жорстким, щоб не входив в резонанс на частоті 100 Гц;
- необхідно відходити далі від резонансу для більшої стабільності в роботі. При тому знижується динамічний коефіцієнт та за рахунок полегшеної конструкції можна вийти на ті ж амплітуди.

Для параметрів віброплощадки:

$$c_0 = 3.124 \cdot 10^7 \text{ H/m}; \ c_1 = 2.055 \cdot 10^7 \text{ H/m}; \ c_2 = 2.096 \cdot 10^8 \text{ H/m}; \ m_1 = 50 \text{ kg}; \ m_2 = 200 \text{ kg}; \\ m_3 = 350 \text{ kg}; \ m_{_{3aB.}} = 0...160 \text{ kg}; \ \mu_1 = 100 \text{ kg/m}; \ \mu_2 = 100 \text{ kg/m}; \ \mu_3 = 200 \text{ kg/m}; \\ \\ \frac{2}{3} = 200 \text{ kg/m}; \ \frac{2}{3} = 200 \text{ kg/m}; \ \frac{2}{3} = 200 \text{ kg/m}; \ \frac{2}{3} = 200 \text{ kg/m}; \\ \frac{2}{3} = 200 \text{ kg/m}; \ \frac{2}{3} = 200 \text{ kg/m}; \$$

 $P = 20000 \text{ H}; \ \omega = 628 \ \text{pag/c}^2; \ z = 0.98$ 

було отримано амплітудно-частотні характеристики залежно від маси завантаження  $m_{\text{зав}}$  (рис. 2 та рис. 3).



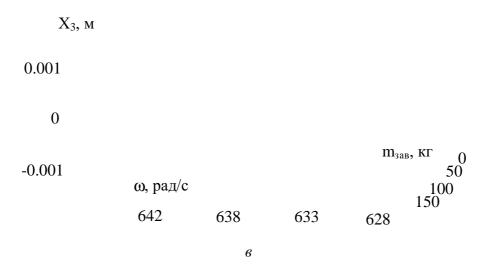


Рис. 2. Амплітудно-частотні характеристики: a — коливної маси  $m_1$ ,  $\delta$  — коливної маси  $m_2$ ,  $\epsilon$  — коливної маси  $m_3$  залежно від маси завантаження  $m_{\rm 3d6}$ 

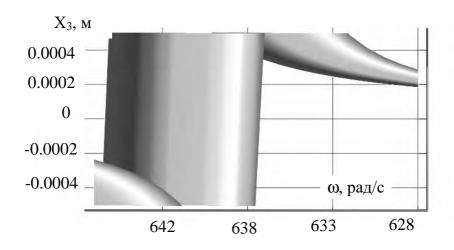


Рис. 3. Амплітудно-частотна характеристика коливної маси  $\mathbf{m}_3$  (фронтальне зображення) залежно від маси завантаження  $\mathbf{m}_{\scriptscriptstyle 308}$  (зміна  $\mathbf{m}_{\scriptscriptstyle 308}$  по осі, перпендикулярній до площини листа)

## Висновки

Аналізуючи наведені графіки, можна зробити такі висновки:

- маса завантаження має деякий вплив на резонансне налагодження віброплощадки.
   Для його усунення достатньо надавати більше резонансне налагодження механічній коливній системі;
  - проміжна маса на частотах вимушених коливань практично є нерухомою;
- підтверджується, що амплітуди коливань реактивної маси  $\varepsilon$  на порядок вищі, ніж амплітуди коливань активної маси, що зумовлено співвідношенням відповідних мас;
- наявні амплітудно-частотні характеристики свідчать про роботоздатність запропонованої конструкції.

Отримані результати дослідження кінематичних параметрів віброплощадок підтверджують стабільність їх роботи у межах частоти вимушених коливань  $\omega = 628$  рад/с на можливих робочих ділянках зміни маси завантаження. Це зумовлює їх успішне викорис-

тання при досить широкому діапазоні маси завантаження та свідчить про працездатність запропонованих конструкцій.

1. Гаврильченко О.В., Ланець О.С. Передумови та принципи створення багатомасових вібраційних площадок з електромагнітним приводом для ущільнення бетону // Автоматизація виробничих процесів у машинобудуванні та приладобудуванні. Український міжвід. наук.-техн. зб. — Львів: НУ "Львівська політехніка", 2002. — Вип. 38. 2. Бабаков И.М. Теория колебаний. — М.: Наука, 1968. 3. Бутенин Н.В., Лунц Я.Л., Меркин Д.Р. Курс теоретической механики. — М.: Наука, 1985.

### УДК 621.81

## А.В. Матвійчук, І.Б. Гевко

Тернопільський державний технічний університет імені Івана Пулюя, кафедра технології машинобудування

# СИНТЕЗ РОЗТОЧУВАЛЬНИХ ГОЛОВОК ДЛЯ РОЗТОЧУВАННЯ КІЛЬЦЕВИХ КАНАВОК В ОТВОРАХ

© Матвійчук А.В., Гевко І.Б., 2003

Наведено синтез конструктивних параметрів головок для розточування кільцевих канавок в отворах корпусних деталей. Виведені аналітичні залежності для визначення величини радіального зміщення різців від величини осьового переміщення. Дані практичні рекомендації щодо проектування розточувальних оправок.

The synthesis of constructive parameters of heads to bore out the ring grooves in conic details holes are presented. The analytical dependences to determine the value of radial replacements of cutters on the value of axial replacement are developed. The practical recommendations on designing the boring bars are give as well.

Технологічні операції обробки отворів широко розповсюджені в машинобудуванні і за обсягом не поступаються процесам обробки зовнішніх поверхонь. Крім цього обробка точних отворів належить до числа найбільш трудомістих процесів і є складншою, ніж обробка зовнішніх поверхонь, що зумовлено важчими умовами перебігу процесів розточування, меншою жорсткістю різальних інструментів тощо [1, 2, 3]. При обробці отворів необхідно забезпечити не тільки точність розмірів і форми, але й точність положення осі оброблюваного отвору відносно зовнішньої поверхні.

На основі аналізу останніх публікацій встановлено, що розточування кільцевих канавок під стопорні кільця, манжетні ущільнення, при їх виготовленні і відновленні, в корпусних деталях, машинах і механізмах належить до складних технологічних операцій.

Обробка  $\epsilon$  ще складнішою при виготовленні кільцевих канавок в отворах напіввідкритого і особливо закритого типів в умовах автотракторного виробництва, де проходить відновлення у виробничих майстернях з недостатнім парком металорізального обладнання.

Складність також полягає в забезпеченні високої точності та шорсткості оброблюваних поверхонь, продуктивності праці, особливо при виготовленні вище перерахованих поверхонь у деталях великих габаритів.