

В.В. Додурч<sup>1</sup>, Р.С. Німкович<sup>2</sup>, П.Г. Черняга<sup>3</sup>

<sup>1</sup>Подільський державний аграрно-технічний університет, м. Кам'янець-Подільський

<sup>2</sup>Національний університет водного господарства та природокористування, м. Рівне

<sup>3</sup>Національний університет "Львівська політехніка", м. Львів

## СТРУКТУРНИЙ АНАЛІЗ СИСТЕМИ ЗЕМЕЛЬ ІСТОРИКО-КУЛЬТУРНОГО ПРИЗНАЧЕННЯ

© Додурч В.В., Німкович Р.С., Черняга П.Г., 2013

*Выполнен структурный анализ системы земель историко-культурного назначения, которая состоит из двух множеств, что представлены в виде графа. Установлено, что сложность связей одинакова, как для мер воздействия на систему, так и для субъектов, которые воздействуют на систему.*

*Performed structural analysis of land of historical and cultural significance, which consists of two sets, which are represented as a graph. Found that the complexity of the relations is the same as for measures to influence the system, and for the subjects that affect the system.*

**Постановка проблеми.** Землі історико-культурного призначення потребують ефективного використання та охорони. Така необхідність пояснюється самоідентифікацією певної нації чи держави в сучасному світі. Для глибшого вивчення та аналізу цього питання необхідно наявні знання подати у вигляді системи інституцій, суб'єктів та заходів на певних рівнях управління.

Формалізувати таку систему можна методами системного аналізу.

**Аналіз останніх досліджень та публікацій.** Розв'язання слабоформалізованих задач методами системного аналізу в сфері управління територіями розпочали науковці Національного університету водного господарства та природокористування, зокрема, П.Ф. Кахнич, О.А. Лагоднюк, О.Ю. Мельничук, Р.С. Німкович, П.Г. Черняга та ін. З метою вдосконалення функціонування вищенаведеної системи, нами в останніх публікаціях [1] було застосовано метод аналізу ієрархій (МАІ), на основі якого було запропоновано оптимізовану модель системи використання та охорони земель історико-культурного призначення.

**Постановка завдання.** Метою роботи є структурний аналіз системи земель історико-культурного призначення та оцінювання складності зв'язків. Для досягнення поставленої мети використаємо метод  $q$ -аналізу [3].

**Виклад основного матеріалу.** Для виконання  $q$ -аналізу необхідно систему подати у вигляді дводольного графу з двома множинами елементів та бінарних зв'язків між ними [2]

$$X = \begin{cases} \{x_1, x_2, \dots, x_5\} \\ \{y_1, y_2, \dots, y_7\}, \end{cases} \quad (1)$$

де  $X$  – множина заходів впливу на систему або відносини між суб'єктами системи:

$x_1$  – правові;

$x_2$  – організаційні;

$x_3$  – фінансові;

$x_4$  – матеріально-технічні;

$x_5$  – містобудівні;

$x_6$  – інформаційні;

$x_7$  – наукові;

$Y$  – суб’єкти, які впливають на відносини у системі:

$y_1$  – органи законодавчої, виконавчої влади та місцевого самоврядування;

$y_2$  – органи з питань земельних ресурсів та державного контролю за використанням і охороною земель, землевпорядні проектні організації та установи;

$y_3$  – органи у сфері охорони культурної спадщини;

$y_4$  – власники або користувачі об’єкта історико-культурного призначення;

$y_5$  – громадяни;

$y_6$  – науково-методична рада.

Множина суб’єктів  $Y$  пов’язана з множиною заходів  $X$  через відношення  $\lambda$

$$\begin{cases} \lambda_{ij} = 1, \forall (y_j, x_i) \in \lambda \\ \lambda_{ij} = 0, \forall (y_j, x_i) \notin \lambda. \end{cases} \quad (2)$$

Отже, зв’язки між елементами двох множин можна подати у вигляді матриці інцидентності (табл. 1)

$$\Delta = \lambda_{ij} \quad (3)$$

Таблиця 1

**Матриця інцидентності земель історико-культурного призначення**

	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$
$y_1$	1	1	1	1	1	1	0
$y_2$	1	0	1	0	1	0	0
$y_3$	1	1	1	1	1	1	0
$y_4$	1	1	0	1	0	1	0
$y_5$	1	0	1	0	0	1	0
$y_6$	1	0	0	1	1	1	1

Відношення  $\lambda$  являє собою симплексний комплекс земель історико-культурного призначення, який позначається  $K_Y(X; \lambda)$ . У цьому комплексі рядки (елементи множини  $Y$ ) представлені як вершини, а стовпці (елементи множини  $X$ ) – як симплекси. Означення  $K_Y(X; \lambda)$  є таким [3,4] :

1.  $K_Y(X; \lambda)$  є множиною симплексів  $\{\sigma_p; p = 0, 1, \dots, N\}$ ;

2. Кожен симплекс  $\sigma_p \in K$  однозначно задається певною підмножиною з  $(p+1)$  різних  $x_i$ .

Для нього існує принаймні одне  $y_j \in Y$ , коли  $(y_j, x_i) \in \lambda$  для кожного з  $(p+1)$  значень  $i$ ;

3. Симплекс  $\sigma_0^i$  ототожнюється з  $x_i$ , де  $i=1, 2, \dots, n$  ( $n$  – кількість елементів множини  $X$ );

4. Кожна підмножина симплекса  $\sigma_p$ , що складається з  $(q+1)$  вершин ( $q < p$ ), є  $q$ -гранню  $\sigma_p$  і утворює новий симплекс  $\sigma_q \in K$  (записується  $\sigma_q < \sigma_p$ ).

Число  $N$  є розмірністю комплексу  $K$  (позначається  $\dim K$ ) і дорівнює максимальній кількості  $q$ -граней.

У нашому випадку комплекс  $K_Y(X; \lambda)$  буде таким:

$$(y_1); (x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6) \in \sigma_5$$

$$(y_2); (x_1, x_3, x_5) \in \sigma_2$$

$$(y_3); (x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6) \in \sigma_5$$

$$(y_4); (x_1, x_2, x_4, x_6) \in \sigma_3$$

$$(y_5); (x_1, x_3, x_6) \in \sigma_2$$

$$(y_6); (x_1, x_4, x_5, x_6) \in \sigma_4.$$

Якщо множину  $X$  подати як вершини, а  $Y$  – як симплекси, то матимемо зв'язаний комплекс  $K_X(Y; \lambda^{-1})$  з відношенням  $\lambda^{-1}$ . Для такого комплексу матрицею інцидентності є транспонована матриця  $\Delta^T$ .

Симплекси комплексу  $K_X(Y; \lambda^{-1})$  матимуть такий вигляд:

$$(x_1); (y_1, y_2, y_3, y_4, y_5, y_6) \in \sigma_5$$

$$(x_2); (y_1, y_3, y_4) \in \sigma_2$$

$$(x_3); (y_1, y_2, y_3, y_5) \in \sigma_3$$

$$(x_4); (y_1, y_3, y_4, y_6) \in \sigma_3$$

$$(x_5); (y_1, y_2, y_3, y_6) \in \sigma_4$$

$$(x_6); (y_6) \in \sigma_0.$$

Для вивчення транзитивності зв'язків у комплексі  $K$  скористаємось поняттям  $q$ -зв'язку, який визначається  $q$ -гранню, яка є спільною для двох симплексів.

Пара симплексів  $\sigma_p, \sigma_r \in K$  є  $q$ -зв'язаною, коли існує скінченна кількість симплексів

$\sigma_{a_1}, \sigma_{a_2}, \dots, \sigma_{a_k}$ , які задовольняють такі умови [3]:

- 1)  $\sigma_{a_1}$  – грань симплекса  $\sigma_p$ ;
- 2)  $\sigma_{a_k}$  – грань симплекса  $\sigma_r$ ;
- 3)  $\sigma_{a_i}$  та  $\sigma_{a_{i+1}}$  – відокремлені спільною гранню  $\sigma_{\beta}$ .

Така послідовність буде  $q$ -зв'язком лише за умови  $\min\{a_1, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_{h-1}, a_h\}$ .

Симплекс  $\sigma_p$  є  $p$ -зв'язаним сам з собою і не може бути  $(p+1)$ -зв'язаним з будь-яким іншим симплексом. Якщо будь-який симплекс є  $q$ -зв'язаним, то він є  $(q-1), \dots, 1$  та  $0$ -зв'язаним у  $K$ .

При виконанні  $q$ -аналізу необхідно виділити найбільші  $q$ -зв'язані частини  $K$  від  $\dim K$  до  $0$ .

Введемо відношення  $\gamma_q$ . Відношення  $(\sigma_p, \sigma_r) \in \gamma_q$  виконується лише тоді, коли симплекс  $\sigma_p$   $q$ -зв'язаний з  $\sigma_r$ .  $\gamma_q$  є рефлексивним, симетричним та транзитивним, тому є відношенням

еквівалентності. Елементами фактор-множини  $\left(\frac{K}{\gamma_q}\right)$  є класи еквівалентності, які визначають

розбиття комплексу  $K$ . Кількість елементів у  $\left(\frac{K}{\gamma_q}\right)$  позначимо через  $Q_q$ , яке дорівнює кількості

різних  $q$ -зв'язаних компонент у  $K$ .

Вищенаведені дії називаються  $q$ -аналізом комплексу  $K$ , а вектор  $Q = (Q_{\dim K}, \dots, Q_1, Q_0)$  – першим структурним вектором комплексу  $K$ .

Для знаходження всіх  $q$ -зв'язаних граней всіх пар симплексів у  $K_Y(X; \lambda)$  потрібно:

1. Скласти матрицю  $\Delta \Delta^T$  розміром  $(m \times m)$ ;
2. Оцінити  $\Delta \Delta^T - \Omega$ , де  $\Omega$  – матриця  $(m \times m)$ , що складається з одиниць.

Цілі числа на діагоналі є розмірностями симплексів з множини  $Y$ , а  $q$ -аналіз здійснюється перевіркою інших перетинів стовпчиків та рядків.

Сукупність  $q$ -зв'язаних елементів об'єднуються в одну компоненту, а об'єднання завершується тоді, коли на перетині рядка та стовпчика матриці інцидентності неможливо знайти нові елементи для приєднання (табл. 2).

Таблиця 2

**q-значення симплексів комплексу  $K_Y(X; \lambda)$**

	$y_1$	$y_2$	$y_3$	$y_4$	$y_5$	$y_6$
$y_1$	5	2	5	3	2	3
$y_2$	2	2	2	0	1	1
$y_3$	5	2	5	3	2	3
$y_4$	3	0	3	3	1	2
$y_5$	2	1	2	1	2	1
$y_6$	3	1	3	2	1	4

Отже,  $\dim K = 5$ , оскільки симплекси  $y_1, y_3 \in 5$ -зв'язаними.

При  $q=5, Q_5=1$  для  $\{y_1, y_3\}$ ;

при  $q=2, Q_2=1$  для  $\{y_1, y_2, y_3, y_4, y_5, y_6\}$ ;

при  $q=4, Q_4=1$  для  $\{y_4\}$ ;

при  $q=1, Q_1=1$  для  $\{y_2, y_4, y_5, y_6\}$ ;

при  $q=3, Q_3=1$  для  $\{y_1, y_2, y_4, y_6\}$ ;

при  $q=0, Q_0=1$  для  $\{y_2, y_4\}$ .

Як видно, найбільшу зв'язність демонструють органи влади та самоврядування, а також органи охорони культурної спадщини ( $q=5$ ). Єдиний суб'єкт, який є 4-зв'язаним – це науково-методична рада.

Для зв'язаного комплексу  $K_X(Y; \lambda^{-1})$  аналіз виконаний шляхом оцінювання матриці  $\Delta^T \Delta - \Omega'$ , де  $\Omega'$ , – матриця ( $n \times n$ ), що складається з одиниць.  $q$ -аналіз виконується так само, як і для комплексу  $K_Y(X; \lambda)$  (табл. 3).

Таблиця 3

**q-значення симплексів комплексу  $K_X(Y; \lambda^{-1})$**

	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$
$x_1$	5	2	3	3	3	4	0
$x_2$	2	2	1	2	1	2	-1
$x_3$	3	1	3	1	2	2	-1
$x_4$	3	2	1	3	2	3	0
$x_5$	3	1	2	2	3	2	0
$x_6$	4	2	2	3	2	4	0
$x_7$	0	-1	-1	0	0	0	0

Розмірність комплексу  $K_X(Y; \lambda^{-1})$  становить  $\dim K = 5$ .

При  $q=5, Q_5=1$  для  $\{x_1\}$ ;

при  $q=2, Q_2=1$  для  $\{x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6\}$ ;

при  $q=4, Q_4=1$  для  $\{x_1, x_6\}$ ;

при  $q=1, Q_1=1$  для  $\{x_2, x_3, x_4, x_5\}$ ;

при  $q=3, Q_3=1$  для  $\{x_1, x_3, x_4, x_5, x_6\}$ ;

при  $q=0, Q_0=1$  для  $\{x_1, x_4, x_5, x_6, x_7\}$ .

Серед заходів впливу на систему найбільш зв'язаними виявилися правові ( $q=5$ ).

**Висновки.** На основі структурного аналізу системи земель історико-культурного призначення визначено міру складності зв'язків між заходами впливу на систему та суб'єктами, від яких залежить її розвиток.

1. Додуріч В.В. Модель системи використання та організації охорони земель історико-культурного призначення / В.В. Додуріч, П.Г. Черняга, О.Є. Янчук // Містобудування та територіальне планування. – К.: КНУБА, 2012. – Вип. 46. – С. 175–183. 2. Кахнич П. Структурна система земель приміської зони / П. Кахнич, Р. Німкович, П. Черняга // Сучасні досягнення геодезичної науки та виробництва. – 2006. – Вип. І(11). – С. 242–247. 3. Качинський А.Б. Засади системного аналізу безпеки складних систем. – К.: ДП “НВЦ “Євроатлантикінформ”, 2006. – 336 с. 4. Эткін Р. Городская структура // Мат. моделирование / Под ред. Дж. Эндрюса. – М.: Мир, 1979. – С. 234–248. 5. Atkin R. Mathematical structure in human affairs. – London: Heinemann Educational Books, 1973. – 142 p.