2. За умови забезпечення надійного анкерування ширина розкриття нормальних тріщин залежить як від відсотка армування зовнішньою композитною арматурою, так і від ширини стрічки підсилення. Момент тріщиноутворення підсилених експериментальних зразків збільшився на 14...72 %.

3. Запропоновані розрахункові залежності для визначення моменту тріщиноутворення задовільно узгоджуються з експериментальними даними як автора, так і інших науковців.

1. Кваша В. Застосування композитів CFRP для підсилення залізобетонних мостів в Україні / В. Кваша, І. Мельник, Ю. Собко, А. Мурин, Р. Добрянський // 9th International Scientific Conference: Current issues of civil and environmental engineering. Rzeszow, 3–4 September, 2004. – C. 221–227. 2. Rybak M. Wzmacnianie mostów betonowych za pomocą przyklejanego zbrojenia zewnętrznego / M. Rybak, M. Łagoda // XVIII Konferencja Naukowo-Techniczna: Awarie Budowlane. Szczecin-Miedzyzdroje. – 1997. – P.41–50. 3. Meier U. Strengthening of Structures with CFRP Laminates / U. Meier, K. Kaiser // Advanced Composite Materials in Civil Engineering Structures : Proceedings of the Specialty Conference (ASCE). Las Vegas, Nevada. – 1991. – P. 224–232. 4. Kaminska M. Badania zelbetowych belek z tasmami CFRP przyklejnymi na ich powierzchniach / M. Kaminska, R. Kotynia // XVI konferencja naukowo-techniczna: Beton i prefabrykacja. – T. 2. – Jadwisin. 1998. – S. 479–484. 5. CHuII 2.03.01-84*. Бетонные и железобетонные конструкции. – М.: ЦИТП Госстроя СССР, 1989. – 80 с. 6. Мурин А. Я. Міцність нормальних перерізів залізобетонних балок, підсилених зовнішньою композитною арматурою / А.Я. Мурин // Вісник національного університету "Львівська політехніка" "Теорія і практика будівництва". – 2008. – № 627. – С. 155–158. 7. Glodkowska W. Zarysowanie belek zelbetowych wzmocnionych tasmami z wlokien weglowych / W. Glodkowska, M. Staszewski // "Problemy naukowo-badawcze budownictwa". – Tom VI: Badawczo-projektowe zagadnienia w budownictwie. – Białystok: Wydawnictwo Politechniki Biabstockiej, 2008. – S. 171–178.

УДК 532.522.2:532.542.4:532.556.2

В.І. Орел івська політехніка".

Національний університет "Львівська політехніка", кафедра гідравліки та сантехніки

КОЕФІЦІЄНТ ЗМІНИ ГІДРАВЛІЧНОГО ОПОРУ ЗА РАПТОВОГО РОЗШИРЕННЯ ТРУБ

© Орел В.І., 2011

Показано, що ступінчастий перехід в трубопроводі з раптовим розширенням потоку порівняно з різким зменшує гідравлічний опір. Одержано залежність коефіцієнта β у формулі (2) як функцію відносної довжини ділянки між двома раптовими розширеннями потоку.

Ключові слова: раптове розширенням потоку, ступінчастий перехід.

It is shown that a step transition in a pipeline with sudden expansion of flow, comparatively with abrupt, diminishes hydraulic resistance. The dependence of coefficient (β) in the formula (2) as function of length of area between two sudden expansions of a flow, which are one from another approximately on limits of length of an initial area of a jet is offered.

Key words: sudden expansion of a flow, step transition.

Вступ. У гідравлічній мережі відстані між окремими фасонними частинами, перешкодами, запірними або регулювальними пристроями тощо часто бувають малими (а інколи і зовсім відсутні), і наявні прямолінійні ділянки є недостатніми для стабілізації потоку. У цих випадках спостерігається взаємний вплив місцевих гідравлічних опорів.

Так, перехід від труби з діаметром d до труби з діаметром D можна здійснити одразу чи ступінчасто за допомогою проміжного патрубка (рис. 1). Внаслідок цього змінюється ступінь деформації потоку у другому і подальших елементах. Відповідно змінюються і втрати енергії на ділянці взаємного впливу місцевих гідравлічних опорів порівняно з окремими елементами.



Рис. 1. Заміна раптового розширення труби двома ступінчастими розширеннями

Мета роботи – визначити втрати енергії на ділянці взаємного впливу місцевих гідравлічних опорів.

Аналіз останніх досліджень та публікацій. Є кілька методик розрахунку втрат енергії на ділянці взаємного впливу місцевих гідравлічних опорів. Одна з них пропонує використання формули Скобельцина і Хомутова [1; 2, с. 38]:

$$\zeta_{1-2} = k_1 \cdot (\zeta_1 + \zeta_2) , \tag{1}$$

де k₁ – коефіцієнт взаємовпливу опорів, який залежить від довжини ділянки між двома місцевими гідравлічними опорами.

Інша методика, на думку автора [3], є обґрунтованішою, ніж зменшення обох коефіцієнтів місцевих гідравлічних опорів ζ_1 та ζ_2 однаковою мірою, є зменшення першого з них:

$$\zeta_{1-2} = \beta \cdot \zeta_1 + \zeta_2 , \qquad (2)$$

де β – коефіцієнт зміни коефіцієнта опору ζ_1 .

У [1] виділено чотири підзони нерозвиненої течії за місцевим гідравлічним опором. Перша з них – підзона циркуляційної течії та стабілізації профілю тиску. Її довжину можна оцінити за розмірами циркуляційної течії [1]. Хоча для відношення діаметрів D/d = 1,33...2,50 та критерію Рейнольдса $\text{Re}_d \approx 10^5$ стабілізації профілю тиску настає пізніше, ніж відбувається повторне приєднання потоку в трубі діаметром D [4, с. 158].

У [5] дифузор замінювався циліндричною трубою, еквівалентною трубі змінного перерізу з однаковими поверхнею та довжиною дифузорної частини. При цьому діаметр еквівалентної циліндричної труби

$$D_o = d + 2a = D - 2a$$
, (3)

де а – амплітуда, та вихідний ступінь розширення потоку;

$$n = \frac{\left(1 + \frac{2a}{D_o}\right)^2}{\left(1 - \frac{2a}{D_o}\right)^2} .$$
 (4)

Для схеми на рис. 1, в [6] діаметр проміжного патрубка брався як середній арифметичний між діаметрами d та D [7], тобто

$$D_{cep} = \frac{1}{2} \cdot (d+D), \qquad (5)$$

що можна переписати як

$$D_{cep} = d + h = D - h, \qquad (6)$$

де h – висота уступу (рис. 1),

$$h = \frac{1}{2}(D - d)$$
. (7)

У [6] показано, що $x_{R1} = \frac{1}{2} x_R$ (рис. 1). Приймаючи відносну довжину ділянки між двома раптовими розширеннями потоку, такою, що дорівнює довжині ділянки повторного приєднання потоку після першого раптового розширення (рис. 1), маємо [6]:

$$x_{R_1}/D_{cep} = 4,25 \cdot \left(1 - 1/\sqrt{n_1}\right),$$
(8)

де n_1 – ступінь розширення потоку після першого раптового розширення від d до D_{cep} :

$$n_1 = \frac{D_{cep}^2}{d^2} = \frac{\left(1 + \frac{D}{d}\right)^2}{4} = \frac{\left(1 + \sqrt{n}\right)^2}{4} ; \qquad (9)$$

n – вихідний ступінь розширення потоку:

$$n = \frac{D^2}{d^2} = n_1 \cdot n_2 \quad ; \tag{10}$$

n₂ – ступінь розширення потоку після другого раптового розширення від D_{cep} до D:

$$n_2 = \frac{D^2}{D_{cep}^2} = \frac{4}{\left(1 + \frac{d}{D}\right)^2} = \frac{4}{\left(1 + \frac{1}{\sqrt{n}}\right)^2} .$$
(11)

За аналогією з [5] вихідний ступінь розширення потоку можна подати так:

$$n = \frac{\left(1 + \frac{h}{D_{cep}}\right)^2}{\left(1 - \frac{h}{D_{cep}}\right)^2} \quad . \tag{12}$$

Відносна довжина ділянки вирівнювання швидкості [8, с. 136] (друга підзона стабілізації профілю осередненої швидкості [1]):

$$L_1 \approx 10 \cdot \left(\sqrt{\omega_{Dc}} - \sqrt{\omega_d} \right) , \tag{13}$$

де ω_{Dc} , ω_d – площа живого перерізу труби діаметром відповідно D_{cep} та d.

Формулу (13) можна подати так:

$$L_1 / D_{cep} \approx 5 \cdot \sqrt{\pi} \cdot \left(1 - 1 / \sqrt{n_1} \right) \,. \tag{14}$$

Відносна довжина ділянки після місцевого гідравлічного опору до перерізу, де коефіцієнт кінетичної енергії є мінімальним [9] (третя підзона стабілізації інтенсивності пульсацій швидкості [1]):

$$L_{\rm l}/D_{\rm cep} = 19 \cdot [1 - \exp(-0.6 \cdot \zeta_{\rm l})].$$
(15)

Формула (8) дійсна за $\zeta_1 = 0, 1...32, 0$ [3].

Визначення коефіцієнта раптового розширення потоку.

Дослідження було проведено для раптових розширень потоку, наведених у табл. 1.

У [6] показано, що з похибкою близько ≈10 % значення експериментальних коефіцієнтів відрізняються від обчислених за формулою

$$\zeta = \alpha_{d} \cdot (n-1)^2 \,, \tag{16}$$

де α_d – коефіцієнт кінетичної енергії у трубі діаметром d (рис. 1), для зони квадратичного опору $\alpha_d = 1, 0.$

У табл. 2 наведено обчислені значення коефіцієнта β за формулою (2) та відносної довжини ділянки, обчисленої за формулами (8), (14), (15).

Як бачимо з табл. 2, за рахунок зменшення ступенів розширення потоку n_1 та n_2 порівняно зі ступенем n значення коефіцієнтів ζ_1 та ζ_2 є меншими, ніж ζ . А це підтверджує наведені в літературі дані, наприклад у **[14]**, що порівняно з різким переходом ступінчастий перехід від труби з діаметром d до труби з діаметром D за раптового розширення потоку (рис. 1) зменшує гідравлічний опір.

Ч/ч Діаметр труб, мм Ступінь розширення потоку Коефіцієнт місцевого гідравлічного опору Використане джерело 1. 20,60 26,00 23,30 1,593 0,3565 Досліди Карєва [10, рис. 28] 2. 15,12 20,62 17,87 1,860 0,6919 [11] 3. — — 2,045 0,9811 [12, рис. 2] 4. 10,07 15,12 12,60 2,254 1,5750 [11] 5. 20,90 35,50 28,20 2,885 3,7455 [13, рис. 1,а] 6. 8,00 14,00 11,00 3,063 4,1140 Досліди Есканда [10, рис. 28] 7. — — 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 Досліди Карєва [10, рис. 28]											
MM розширення потоку гідравлічного опору джерело d D D _{cep} n ζ Досліди Карєва 1. 20,60 26,00 23,30 1,593 0,3565 Досліди Карєва 2. 15,12 20,62 17,87 1,860 0,6919 [11] 3. 2,045 0,9811 [12, рис. 2] 4. 10,07 15,12 12,60 2,254 1,5750 [11] 5. 20,90 35,50 28,20 2,885 3,7455 [13, рис. 1,а] 6. 8,00 14,00 11,00 3,063 4,1140 Досліди Есканда 7. - 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 Досліди Карєва	Ч/ч	Дia	аметр тр	уб,	Ступінь Коефіцієнт місцевого		Використане				
d D D _{cep} n ζ 1. 20,60 26,00 23,30 1,593 0,3565 Досліди Карєва [10, рис. 28] 2. 15,12 20,62 17,87 1,860 0,6919 [11] 3. - - 2,045 0,9811 [12, рис. 2] 4. 10,07 15,12 12,60 2,254 1,5750 [11] 5. 20,90 35,50 28,20 2,885 3,7455 [13, рис. 1,а] 6. 8,00 14,00 11,00 3,063 4,1140 Досліди Есканда 7. - - 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 Досліди Карєва		MM			розширення потоку	гідравлічного опору	джерело				
1. 20,60 26,00 23,30 1,593 0,3565 досліди Карєва [10, рис. 28] 2. 15,12 20,62 17,87 1,860 0,6919 [11] 3. 2,045 0,9811 [12, рис. 2] 4. 10,07 15,12 12,60 2,254 1,5750 [11] 5. 20,90 35,50 28,20 2,885 3,7455 [13, рис. 1,а] 6. 8,00 14,00 11,00 3,063 4,1140 досліди Есканда 7. - 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 досліди Карєва		d D D _{cep}		D _{cep}	n	ζ					
1. 20,00 20,00 23,30 1,393 0,3503 [10, рис. 28] 2. 15,12 20,62 17,87 1,860 0,6919 [11] 3. - - 2,045 0,9811 [12, рис. 2] 4. 10,07 15,12 12,60 2,254 1,5750 [11] 5. 20,90 35,50 28,20 2,885 3,7455 [13, рис. 1,а] 6. 8,00 14,00 11,00 3,063 4,1140 Досліди Есканда 7. - - 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 Досліди Карєва	1	20,60	26,00	23,30	1,593	0 3565	досліди Карєва				
2. 15,12 20,62 17,87 1,860 0,6919 [11] 3. - - 2,045 0,9811 [12, рис. 2] 4. 10,07 15,12 12,60 2,254 1,5750 [11] 5. 20,90 35,50 28,20 2,885 3,7455 [13, рис. 1,а] 6. 8,00 14,00 11,00 3,063 4,1140 досліди Есканда 7. - - 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 досліди Карєва	1.					0,5505	[10, рис. 28]				
3. — — 2,045 0,9811 [12, рис. 2] 4. 10,07 15,12 12,60 2,254 1,5750 [11] 5. 20,90 35,50 28,20 2,885 3,7455 [13, рис. 1,а] 6. 8,00 14,00 11,00 3,063 4,1140 досліди Есканда 7. — — 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 досліди Карєва	2.	15,12	20,62	17,87	1,860	0,6919	[11]				
4. 10,07 15,12 12,60 2,254 1,5750 [11] 5. 20,90 35,50 28,20 2,885 3,7455 [13, рис. 1,а] 6. 8,00 14,00 11,00 3,063 4,1140 Досліди Есканда 7. — — 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 Досліди Карєва	3.				2,045	0,9811	[12, рис. 2]				
5. 20,90 35,50 28,20 2,885 3,7455 [13, рис. 1,а] 6. 8,00 14,00 11,00 3,063 4,1140 досліди Есканда [10, рис. 28] 7. — — 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 досліди Карєва [10, рис. 28]	4.	10,07	15,12	12,60	2,254	1,5750	[11]				
6. 8,00 14,00 11,00 3,063 4,1140 досліди Есканда [10, рис. 28] 7. — — 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 досліди Карєва [10, рис. 28]	5.	20,90	35,50	28,20	2,885	3,7455	[13, рис. 1,а]				
0. 8,00 14,00 11,00 3,003 4,1140 [10, рис. 28] 7. — — 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 Досліди Карєва [10, рис. 28] 3,848 10, рис. 28] 10, рис. 28]	6	8,00	14,00	11,00	3,063	4 1140	досліди Есканда				
7. — — 3,842 7,9547 [12, рис. 2] 8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 досліди Карєва [10, рис. 28] 3,848 10, рис. 28] 3,848 10, рис. 28]	0.					4,1140	[10, рис. 28]				
8. 26,00 51,00 38,50 3,848 8,1676 досліди Карєва [10, рис. 28]	7.	_	_		3,842	7,9547	[12, рис. 2]				
[10, рис. 28]	8	26.00	51,00	38,50	3,848	8 1676	досліди Карєва				
	0.	20,00				0,1070	[10, рис. 28]				

Розрахунок коефіцієнта раптового розширення потоку

Таблиця 2

Розрахунок коефіцієнта β та відносної довжини x_{R1}/D_{cep} , L_1/D_{cep}

Ч/ч	Ступінь			Коефіцієнт раптового			Коефіцієнт	Відносна		
	розширення потоку			розширення потоку			β	довжина		
	n	n_1	n_2	$\zeta_{1+2}(n) = \zeta_1(n_1) = \zeta_2(n_2)$		$\zeta_2(n_2)$		$x_{\rm R1}/D_{\rm cep}$	$x_{\rm R1}/D_{\rm cep}$ $L_1/D_{\rm cep}$	
									за формулою	
									(14)	(15)
1	1,593	1,279	1,245	0,3565	0,0778	0,0600	3,811	0,492	1,027	0,867
2	1,860	1,397	1,332	0,6919	0,1576	0,1102	3,691	0,654	1,364	1,714
3	2,045	1,476	1,385	0,9811	0,2266	0,1482	3,676	0,752	_	2,415
4	2,254	1,564	1,441	1,5750	0,3181	0,1945	4,340	0,852	1,777	3,301
5	2,885	1,821	1,585	3,7455	0,6740	0,3422	5,049	1,101	2,294	6,320
6	3,063	1,891	1,620	4,1140	0,7939	0,3844	4,698	1,159	2,417	7,200
7	3,842	2,191	1,754	7,9547	1,4185	0,5685	5,207	1,379	_	10,888
8	3,848	2,193	1,755	8,1676	1,4232	0,5700	5,338	1,380	2,877	10,911

За даними табл. 2 збудовано графік на рис. 2, з якого зрозуміло, що для даних, наведених в табл. 1, коефіцієнт $\beta \in більшим$, ніж у дослідах **[3, 9]**, де $\beta \le 1,0$. Це відповідає моделі зони впливу місцевого гідравлічного опору **[1]**, оскільки відносна довжина $x_{\text{R1}}/D_{\text{сер}} \in дуже малою, що підтверджує рис. 3, позаяк значення відносної довжини <math>L_1/D_{\text{сер}}$, обчислені за наближеною **(13)** чи **(14)** та точною **(15)** формулами, є більшими, ніж за формулою **(8)**.

Для нашого випадку з похибкою не більше 5 % можна використати формули (14) та (15), але з іншим коефіцієнтом пропорційності, тобто

$$x_{R1} \approx 5 \cdot \left(\sqrt{\omega_{Dc}} - \sqrt{\omega_d} \right) \tag{17}$$

та

$$x_{R1}/D_{cep} \approx 2.5 \cdot \sqrt{\pi} \cdot \left(1 - 1/\sqrt{n_1}\right). \tag{18}$$

Як бачимо з табл. 2 та рис. 2, коефіцієнт β зростає зі збільшенням ступеня розширення потоку n_1 та відносної довжини x_{Rl}/D_{cep} .

Залежність
$$\beta = \varphi(x_{R1}/D_{cep})$$
 описано формулою (за r = 0,9301 та S = 0,2751):
 $\beta = 4,579 \cdot (x_{R1}/D_{cep})^{0,386}$, (19)

а залежність
$$\beta = \psi(n_1) - \phi$$
ормулою (за r = 0,9434 та S = 0,2485):
 $\beta = 3,042 \cdot n_1^{0,714}$. (20)



Рис. 2. Залежності $\beta = \varphi(x_{RI}/D_{cep}) - 1 \text{ та } \beta = \psi(n_1) - 2$



Висновки. Показано, що ступінчастий перехід від труби з діаметром d до труби з діаметром D за раптового розширення потоку порівняно з різким дає зменшення гідравлічного опору.

Одержано залежність коефіцієнта зміни місцевого гідравлічного опору β у формулі (2) як функцію відносної довжини ділянки між двома раптовими розширеннями потоку.

1. Петров А.С. О неоднородности зоны влияния местного сопротивления / А.С. Петров // Изв. ВНИИГ им. Б.Е. Веденеева. – 1988. – Т.210. – С.64–69. 2. Степанов П.М. Справочник по гидравлике для мелиораторов / П.М. Степанов, И.Х. Овчаренко, Ю.А. Скобельцын. – М.: Колос, 1984. – 207 с. 3. Гижа Е.А. Стабилизация напорных турбулентных потоков после местных сопротивлений: автореф. дис. ... канд. техн. наук: спец. 05.14.09 "Гидравлика и инженерная гидрология" / Е.А. Гижа. – К., 1986. – 21 с. 4. Турбулентность / [П. Брэдшоу, Т. Себеси, Г.-Г. Фернгольц и др.]; под ред. П. Брэдшоу. – М.: Машиностроение, 1980. – 343 с. 5. Повх И.Л. Гидродинамика труб переменного сечения / И.Л. Повх, Н.В. Финошин // Инж.-физ. журн. – 1992. – Т.62, № 4. – С.525–533. 6. Орел В.І. Коефіцієнт взаємовпливу опорів у разі раптового розширення труб / В.І. Орел // Вісник Нац. ун-ту "Львів. політехн." "Теплоенергетика. Інженерія довкілля. Автоматизація". – 2009. – № 659. – С.53–57. 7. Орел В. Втрати енергії на ділянках раптового розширення потоку у трубопровідних системах / В. Орел // Актуальні проблеми будівництва та інженерії довкілля: VI Міжнарод. наук. конф. – Львів-Кошице-Жешув. – Львів, 12–15 вересня 2001. – Ч.П: Інженерія довкілля. – Львів, 2001. – С.105-110. 8. Жуковський С.С. Аеродинаміка вентиляції: навч. посіб. / С.С. Жуковський, В.Й. Лабай. – Львів: Вид-во Національного університету "Львівська політехніка", 2003. – 372 с. 9. Гижа Е.А. Стабилизация турбулентных потоков после местных сопротивлений / Е.А. Гижа // Гидравлика и гидротехника: Республ. межведом. науч.-техн. сб. – 1986. – Вып.42. – С.93-96. 10. Альтшуль А.Д. Местные гидравлические сопротивления при движении вязких жидкостей / А.Д. Альтиуль. – М.: Гостоптехиздат, 1962. – 116 c. 11. Мандрус В.И. Сравнение методик экспериментальных исследований потерь при резком расширении потока жидкости / В.И. Мандрус, И.В. Бакулин, Л.И. Пилипяк; Львов. политехн. ин-т. – Львов, 1988. – 10 с. – Деп. в УкрНИИНТИ 30.01.89 г. – № 426. – Ук89. 12. Альтиуль А.Д. Экспериментальное исследование зависимости коэффициента сопротивления при внезапном расширении потока от числа Рейнольдса / А.Д. Альтиуль, Э.С. Арзуманов, Р.Е. Везирян // Нефтяное хозяйство. – 1967. – № 4. – С.53–55. 13. Иванюта Ю.Ф. Исследование влияния добавок полимера на величину коэффициента местного сопротивления / Ю.Ф. Иванюта, Л.А. Чекалова // Инж.-физ. журн. – 1974. – Т.ХХVІ, № 6. – С.965–971. 14. А.с. 1681072 СССР, МКИ F 15D 1/02. Устройство для снижения гидравлических потерь в ступенчато расширяющихся трубопроводах / Р.С. Гурбанов, С.И. Бахтияров, Т.С. Сулейманов (СССР). – № 4653928/29; заявл. 19.12.88; опубл. 30.09.91, Бюл. № 36.